

EXERCICE 1 :

Résoudre les équations suivantes : $2x^2 - 5x - 3 = 0$ $4x^2 - x + 1 = 0$ $-x^2 - 2x + 2 = 0$

EXERCICE 2 :

Résoudre les inéquations suivantes : $3x^2 + 2x - 1 > 0$ $-5x^2 + 2x - 2 \geq 0$ $-x^2 + 2\sqrt{5}x - 5 < 0$

EXERCICE 3 :

Étudier les variations de la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 2x^2 + 4x - 3$.

EXERCICE 4 :

Résoudre les équations suivantes se ramenant au second degré :

- $x^4 - 5x^2 + 4 = 0$
- $(2x^2 + 3x + 1)^2 = (2x^2 - 4x - 1)^2$
- $2 \cos^2 x - 3 \cos x + 1 = 0$
- Déterminer les réels a , b et c tels que $6x^3 - 7x^2 - x - 3 = (2x - 3)(ax^2 + bx + c)$ puis résoudre l'équation $6x^3 - 7x^2 - 5x + 1 = 0$.

EXERCICE 5 :

Factoriser dans la mesure du possible les expressions suivantes :

- $2x^2 - 7x + 3$
- $20x^2 - 23x + 6$
- $8x^2 - 14x + 5$
- $4x^2 - 11x + 6$

Simplifier les fractions suivantes après avoir déterminé leur ensemble de définition : $f(x) = \frac{2x^2 - 7x + 3}{8x^2 - 14x + 5}$

$$g(x) = \frac{20x^2 - 23x + 6}{4x^2 - 11x + 6}$$

EXERCICE 6 :

Résoudre les inéquations suivantes :

- $(2x - 3)(-2x^2 + 5x + 3) > 0$
- $(x^2 - 5)(2x^2 + 3x - 5) \geq 0$
- $\frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 + 6x} \leq 0$
- $\frac{1}{x + 2} + \frac{3}{x} \leq -2$

EXERCICE 7 :

En utilisant la technique de l'identification des coefficients, donner la valeur des réels a, b, c, \dots

1. $5x^3 - 16x^2 + 17x - 6$ (1 racine)
2. $\frac{2x^2 - x - 5}{x - 2} = ax + b + \frac{c}{x - 2}$
3. $\frac{x^3 + 4x^2 + 5x + 3}{x^2 + 3x + 2} = ax + b + \frac{c}{x + 1} + \frac{d}{x + 2}$