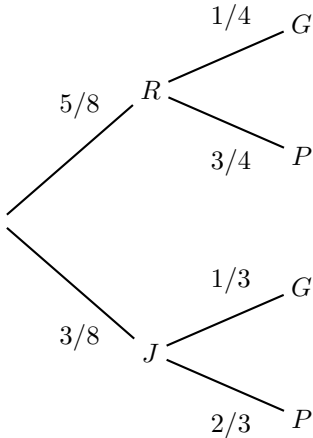
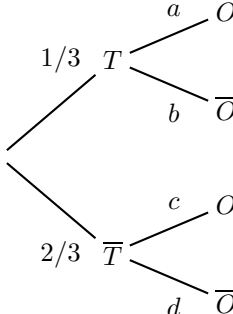


E1	Réponse	Points	Obtenus																								
Q.1	$f(x) = ax + b$ avec $a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{5/9 - (-1)}{4 - 2/3} = \frac{14/9}{10/3} = \frac{7}{15}$ Pour $b : A \in \Delta_f \Leftrightarrow \frac{7}{15} \times \frac{2}{3} + b = -1 \Leftrightarrow b = -\frac{59}{45}$ (Δ_f droite qui représente f)																										
Q.2	$\frac{2x-1}{4} + \frac{x+3}{2} = -2(3-2x) \Leftrightarrow 2x-1 + 2(x+3) = -8(3-2x)$ $\Leftrightarrow -12x = -29 \Leftrightarrow x = \frac{29}{12}$ et donc $S = \left\{ \frac{29}{12} \right\}$																										
Total →		points																									
E 2	Réponse	Points	Obtenus																								
Q.1	$\frac{20}{35} \approx 0,57$ donc le pourcentage de filles est 57%																										
Q.2	$30\% \times 80 = 24$ donc le nombre d'hommes est 24																										
Q.3	Le schéma $V_d \xrightarrow[\times 1,15]{+15\%} 920$ implique $V_d \times 1,15 = 920 \Leftrightarrow V_d = 920/1,15 = 800\text{€}$																										
Q.4	Le schéma $V_d \xrightarrow[\times 1,40]{+40\%} V_i \xrightarrow[\times 0,80]{-20\%} V_a$ implique que le coefficient multiplicateur est $1,4 \times 0,8 = 1,12$ ce qui correspond à une augmentation de 12%																										
Total →		points																									
E 3	Réponse	Points	Obtenus																								
Q.1.a	$g(x) = f(x) + 7x^2 = (3x-4)^2 - (5-4x)^2 + 7x^2 = 9x^2 - 24x + 16 - 25 + 40x - 16x^2 + 7x^2 = 16x - 9$, g est affine de coefficient directeur 16 et d'ordonnée à l'origine -9.																										
Q.1.b	Comme $a = 16 > 0$, la fonction g est croissante sur \mathbb{R} . <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">$(a > 0) \ x$</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">$9/16$</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">Variations de g</td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">↓</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">↓</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">↓</td> <td style="padding: 5px;"></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">↘</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">↗</td> <td style="padding: 5px;"></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">0</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">7</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">23</td> </tr> </table> $g(1) = 7$ et $g(2) = 23$ (par exemple) donc les points $(2; 23)$ et $(1; 7)$ appartiennent à Δ_g .	$(a > 0) \ x$	$-\infty$	$9/16$	1	2	$+\infty$	Variations de g		↓	↓	↓					↘	↗					0	7	23		
$(a > 0) \ x$	$-\infty$	$9/16$	1	2	$+\infty$																						
Variations de g		↓	↓	↓																							
			↘	↗																							
			0	7	23																						
Q.2.a	$f(x) = (3x-4)^2 - (5-4x)^2 \stackrel{a^2-b^2=\dots}{=} [(3x-4) + (5-4x)][(3x-4) - (5-4x)] = (1-x)(7x-9)$																										
Q.2.b	Pour résoudre l'inéquation, on doit d'abord chercher le signe de $f(x)$ pour tous les nombres x réels. pour cela on utilise l'expression factorisée de $f(x)$ de la question précédente. On peut utiliser un tableau de signes : <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">$\frac{9}{7}$</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$1-x$</td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">+</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">0</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">-</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$7x-9$</td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">-</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">0</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">+</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">Signe du produit $f(x)$</td> <td style="padding: 5px;"></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">-</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">0</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">+</td> </tr> </table> À partir de là, on regarde lorsque $f(x) \geq 0$; $S = \left[1; \frac{9}{7} \right]$	x	$-\infty$	1	$\frac{9}{7}$	$+\infty$	$1-x$		+	0	-	$7x-9$		-	0	+	Signe du produit $f(x)$		-	0	+						
x	$-\infty$	1	$\frac{9}{7}$	$+\infty$																							
$1-x$		+	0	-																							
$7x-9$		-	0	+																							
Signe du produit $f(x)$		-	0	+																							
Total →		points																									

E 4	Réponse	Points	Obtenus
Q.1.a	On lance un dé cubique : $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ et si l'on nomme G l'événement gagné, on a alors $G = \{3, 6\}$. La loi associée au lancer d'un dé équilibré est l'équiprobabilité donc $P(G) = \frac{2}{6} = \boxed{\frac{1}{3}}$		
Q.1.b	On lance un dé tétraédrique : $\Omega = \{1, 2, 3, 4\}$, on a alors $G = \{3\}$. La loi associée au lancer d'un dé équilibré est toujours l'équiprobabilité donc $P(G) = \boxed{\frac{1}{4}}$		
Q.2	Compte-tenu des probabilités calculées précédemment et du caractère indiscernable des boules, l'équiprobabilité est de mise. 		
Q.3	$J \cap G$: « La boule tirée est jaune et on obtient un multiple de trois lors du lancer du dé ». les règles de calcul de probabilités sur un arbre permettent d'écrire que $P(J \cap G) = \frac{3}{8} \times \frac{1}{3} = \boxed{\frac{1}{8}}$ (produit des probabilités figurant sur le « chemin » passant par J et par G)		
Q.4	Prendre une balle rouge et gagner est l'événement $R \cap G$ et $P(R \cap G) = \frac{5}{8} \times \frac{1}{4} = \boxed{\frac{5}{32}}$		
Q.5	$G = \{R \cap G; J \cap G\}$ donc $P(G) = P(R \cap G) + P(J \cap G) = \frac{1}{8} + \frac{5}{32} = \boxed{\frac{9}{32}}$		
	Total →	points	
BONUS	Réponse	Points	Obtenus
	L'énoncé permet de réaliser un arbre en choisissant T : « l'ado a une télé dans sa chambre. » et O : « l'ado a un ordinateur dans sa chambre. »  <p>et toujours l'énoncé, $P(O) = \frac{1}{5}$, puis $P(\bar{T} \cap \bar{O}) = 0,6$</p> <p>En utilisant l'arbre : $\frac{2}{3}d = 0,6 \Rightarrow d = 0,9$ donc $c = 1 - d = 0,1$. Puis $\frac{1}{3}a + \frac{2}{3} \times 0,1 = \frac{1}{5}$ qui conduit à $a = \frac{2}{5}$ et finalement $P(T \cap O) = \frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \boxed{\frac{2}{15}}$</p>		
	Total →	6 points	