

E1	Réponse	GRILLE de CORRECTION du DS 5.	Points	Obtenus																		
a	VRAIE . La fonction f est strictement croissante sur $[0; 4]$, 1 et 3 sont dans $[0; 4]$ donc $1 < 3 \Rightarrow f(1) < f(3)$.		1																			
b	VRAIE . La fonction f est décroissante sur $[-2; 0]$, -2 et -1 sont dans $[-2; 0]$ donc $-2 < -1 \Rightarrow f(-2) \geq f(-1)$.		1																			
c	VRAIE . La fonction f est croissante sur $[-4; -2]$, $-3 \in [-4; -2]$ donc $-3 < -2 \Rightarrow f(-3) \leq f(-2) \Rightarrow f(-3) \leq 4$ ou 4 est le maximum de f sur $[-4; 6]$		1																			
d	LTNPPDS . $f(-1) \in [-3; 4]$ donc $f(-1)$ peut être négatif, nul ou positif.		1																			
e	FAUSSE . $f(-2) = 4$ et 4 est positif.		1																			
f	VRAIE . La fonction f est décroissante sur $[4; 6]$, si $x \in [4; 6]$ alors $f(6) \leq f(x) \leq f(4) \Leftrightarrow 1 \leq f(x) \leq 3$ donc $f(x) \geq 0$.		1																			
g	FAUSSE . $f(0) = -3$ et $-3 < -1$.		1																			
h	LTNPPDS . Il est vrai que 0 a trois antécédents, deux sont négatifs et par conséquent inférieurs à 2 mais on n'a pas de renseignement sur le troisième antécédent.		1																			
Total \rightarrow			8 points																			
E 2	Réponse		Points	Obtenus																		
Q.1	$f(0) = 0^3 - 3 \times 0 + 1 = \boxed{1}$.		1																			
Q.2	Graphiquement, les solutions de $f(x) = 1$ sont les abscisses des points d'intersection de C_f avec la droite d'équation $y = 1$. On trouve trois solutions : $\boxed{0}$ car $f(0) = 1$ et α puis β qui vérifient $\boxed{-2 < \alpha < -1,5}$ et $\boxed{1,5 < \beta < 2}$.		2																			
Q.3.a	$x(x^2 - 3) = 0 \Leftrightarrow x = 0$ ou $x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow x = 0$ ou $x = \sqrt{3}$ ou $x = -\sqrt{3}$. Les solutions sont donc $\boxed{-\sqrt{3}, 0 \text{ et } \sqrt{3}}$.		2																			
Q.3.b	$f(x) = 1 \Leftrightarrow x^3 - 3x + 1 = 1 \Leftrightarrow x^3 - 3x = 0 \stackrel{\text{facto.}}{\Leftrightarrow} \boxed{x(x^2 - 3) = 0}$. On retrouve bien l'équation résolue à la question 3.a.		2																			
Total \rightarrow			7 points																			
E 3	Réponse		Points	Obtenus																		
Q.1	La base de la pyramide est un rectangle donc la longueur de la diagonale $[AC]$ vérifie : $AC^2 = AB^2 + BC^2 = 4^2 + 3^2 = 25$ (Pythagore) donc $\boxed{AC = 5}$		1.5																			
Q.2	x appartient à l'intervalle $\boxed{[0; 5]}$		1.5																			
Q.3.a	$H(0) = \sqrt{0^2 - 5 \times 0 + 25} = \boxed{5}$. Et $\boxed{H(0) = EA}$.		2																			
Q.3.b	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: top;"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>$H(x)$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>5</td></tr> <tr><td>0.1</td><td>4.9507</td></tr> <tr><td>...</td><td>...</td></tr> <tr><td>2.4</td><td>4.3312</td></tr> <tr><td>2.5</td><td>4.3301</td></tr> <tr><td>2.6</td><td>4.3312</td></tr> <tr><td>...</td><td>...</td></tr> <tr><td>5</td><td>5</td></tr> </tbody> </table> <p>Le minimum est obtenu pour x entre 2,4 et 2,6. On prendra donc pour valeur approchée du minimum 4,3 obtenu pour $\boxed{x = 2,5}$ (valeurs arrondies au dixième).</p>	x	$H(x)$	0	5	0.1	4.9507	2.4	4.3312	2.5	4.3301	2.6	4.3312	5	5		2	
x	$H(x)$																					
0	5																					
0.1	4.9507																					
...	...																					
2.4	4.3312																					
2.5	4.3301																					
2.6	4.3312																					
...	...																					
5	5																					
Q.4.a	Dans le triangle isocèle AEC , la longueur minimale entre E et un point de $[AC]$ est obtenue pour M situé au $\boxed{\text{milieu de } [AC]}$ (hauteur=médiane). Position de M qui correspond à $\boxed{x = 2,5}$.		1.5																			
Q.4.b	D'après ce qui précède, la valeur exacte du minimum est $H(2,5)$ et on la calcule de cette façon : $H(2,5) = \sqrt{2,5^2 - 5 \times 2,5 + 25} = \boxed{\sqrt{18,75}}$.		1																			
Q.4.c	D'après ce qui précède, la hauteur de la pyramide vaut $\sqrt{18,75}$ donc le volume est égal à $\frac{3 \times 4 \times \sqrt{18,75}}{3} \approx \boxed{17,32 \text{ u.v}}$ ($u.v$: unité de volume).		1																			
Total \rightarrow			9 points																			
Présentation, rédaction, soin, ...			1																			